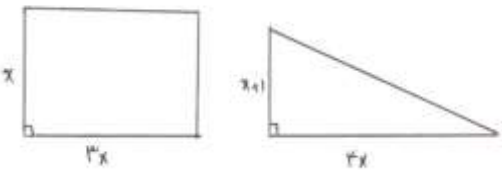


نام و نام خانوادگی:
 مقطع و رشته: دهم انسانی
 نام پدر:
 شماره داوطلب:
 تعداد صفحه سؤال: ۲ صفحه

جمهوری اسلامی ایران
 اداره کل آموزش و پرورش شهرستان
 اداره کل آموزش و پرورش شهرستان خرمین
 دبیرستان غیردولتی دخترانه خرمین
 آزمون پایان ترم نوبت دوم سال تحصیلی ۹۶-۹۵

نام درس: ریاضی
 نام دبیر: زهرا شجاعی
 تاریخ امتحان: ۱۴/۱۰/۱۳۹۶
 ساعت امتحان: ۸ صبح / عصر
 مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه

ردیف	سوالات	محل مهر یا امضاء مدیر	نمره
۱	الف) حاصل اتحاد $(x+2)^3$ را بدست آورید. ب) مقدار عبارت $\frac{x^2-9}{x^2-6x+9}$ را تا حد ممکن ساده کنید.		۱ ۱.۵
۲	حاصل جمع $\frac{1}{x+2} + \frac{3}{x-2}$ را بدست آورید.		۱.۵
۳	دو شیر آب A و B داریم. شیر A به تنهایی استخر را ۵ ساعت زودتر از شیر B پر میکند و در صورتیکه هر دو شیر باهم باز باشند در ۶ ساعت استخر را پر میکنند. تعیین کنید که هریک از شیرها به تنهایی در چند ساعت استخر را پر میکنند؟		۱
۴	مساحت دو شکل زیر با هم برابر است. ابتدا مقدار x را تعیین کنید و سپس محیط مستطیل را محاسبه کنید.		۲
۵	معادله $x^2 - 7x + 10 = 0$ را به روش دلخواه حل کنید.		۱
۶	اگر $f = \{(2, a+b), (3, 2a-b), (2, 5), (3, 1)\}$ تابع باشد. الف) مقدار a, b را بدست آورید. ب) دامنه و برد تابع را مشخص کنید.		۱ ۱
۷	اگر داشته باشیم $f(1) = 5, f(2) = 7$ در آن صورت مقدار $2f(-1) + f(0)$ چیست؟		۱.۵
۸	سهمی $y = x^2 - 6x + 4$ را در نظر بگیرید: الف) راس سهمی را مشخص کنید. ب) سهمی را رسم کنید.		۱.۵
۹	الف) انواع متغیرها را فقط نام ببرید. ب) جاهای خالی را پر کنید. تقریباً مشاهدات در بازه $(\bar{x} - 3\sigma, \bar{x} + 3\sigma)$ واقع شده و تقریباً مشاهدات در بازه $(\bar{x} - 2\sigma, \bar{x} + 2\sigma)$ واقع شده است.		۱ ۰.۵ ۰.۵



ردیف	راهنمای تصحیح	صفحه:	محل مهر یا امضاء مدیر
۱	الف) ب)	$(x+2)^3 = x^3 + 3x^2(2) + 3x(2)^2 + 2^3 = x^3 + 6x^2 + 12x + 8$ $\frac{x^2-9}{x^2-6x+9} = \frac{(x-3)(x+3)}{(x-3)^2} = \frac{x+3}{x-3}$	
۲		$\frac{1}{x+2} + \frac{3}{x-2} = \frac{1 \times (x-2) + 3 \times (x+2)}{(x+2)(x-2)} = \frac{x-2+3x+6}{(x+2)(x-2)} = \frac{4x+4}{(x+2)(x-2)}$	
۳	شیر A (X-5) شیر B (X) هر دو با هم (۶ ساعت)	$\frac{1}{X-5} \leftarrow$ $\frac{1}{X} \leftarrow$ $\frac{1}{6} \leftarrow$ $\frac{1}{X-5} + \frac{1}{X} = \frac{1}{6} \rightarrow \frac{X+(X-5)}{X(X-5)} = \frac{1}{6} \rightarrow \frac{2X-5}{X^2-5X} = \frac{1}{6} \rightarrow$ $X^2-5X = 12X-30 \rightarrow X^2-5X-12X+30=0 \rightarrow$ $X^2-17X+30=0$ $(X-2)(X-15)=0 \Rightarrow X=2$ $X=15 \rightarrow \begin{cases} B=15h \\ A=10h \end{cases} \quad x$	
۴		$\text{مساحت مستطیل} = x \times 3x = 3x^2$ $\text{مساحت مثلث} = \frac{1}{2} \times 4x \times (x+1) = 2x^2 + 2x$ $\rightarrow 2x^2 + 2x = 3x^2 \rightarrow x^2 - 2x = 0 \Rightarrow x = 0$ $x = 2$ $\text{محیط مستطیل} = 2(x + 3x) = 2 \times 4 \times 2 = 16$	
۵	هر یک از ۳ روش زیر قابل قبول است:	$(x-2)(x-5)=0 \rightarrow x=2, x=5$ $\Delta = 49 - 4(1)(10) = 9 \rightarrow \begin{cases} \frac{-(-7)-\sqrt{9}}{2} = \frac{7-3}{2} = 2, \\ \frac{-(-7)+\sqrt{9}}{2} = \frac{7+3}{2} = 5 \end{cases}$ $x^2 - 7x = -10 \rightarrow x^2 - 7x + \frac{49}{4} = -10 + \frac{49}{4}$ روش مربع کامل: $(x - \frac{7}{2})^2 = \frac{9}{4} \rightarrow x - \frac{7}{2} = \pm \frac{3}{2} \rightarrow x = - + \frac{7}{2} = \frac{10}{2} = 5, x = -\frac{3}{2} + \frac{7}{2} = \frac{4}{2} = 2$	

(الف)

$$f = \{(2, a+b), (3, 2a-b), (2, 5), (3, 1)\}$$

$$\begin{cases} a+b=5 \\ 2a-b=1 \end{cases}$$

$$3a=6 \rightarrow a=2$$

$$a+b=5 \rightarrow b=3$$

۶

(ب)

$$D = \{2, 3\}$$

$$R = \{5, 1\}$$

$$\begin{bmatrix} 1 \\ 5 \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} 2 \\ 7 \end{bmatrix} \rightarrow m = \frac{y_A - y_B}{x_A - x_B} = \frac{7-5}{2-1} = 2$$

$$y - y_A = m(x - x_A)$$

$$y - 7 = 2(x - 2)$$

$$y = 2x - 4 + 7$$

$$y = 2x + 3$$

$$2f(-1) + f(0) = 2(2(-1) + 3) + (2 \times 0 + 3) = 5$$

۷

(الف)

$$y = x^2 - 6x + 4 \rightarrow x = \frac{-b}{2a} = \frac{-(-6)}{2} = +3$$

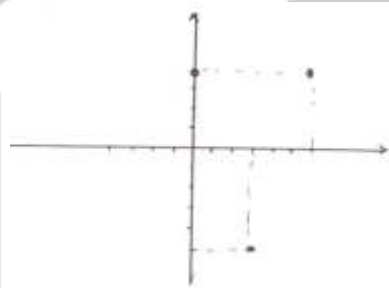
$$y = (+3)^2 - 6(+3) + 4 = 9 - 18 + 4 = -5 \quad \text{راس: } \begin{bmatrix} 3 \\ -5 \end{bmatrix}$$

$$y = \frac{4(1)(4) - (-6)^2}{4(1)} = -\frac{20}{4} = -5$$

x	0	3	6
y	4	-5	4

۸

(ب)



الف) کمی (پیوسته، گسسته) و کیفی (اسمی، ترتیبی)

(ب) ۰/۹۹ (میانه) و ۰/۹۶ (دامنه ی میان چارکی)

۹

(الف)

x	۱۲	۹	۱۱	۸
y	۴	۳	۳	۴

$$\bar{x} = \frac{4 \times 12 + 3 \times 9 + 3 \times 11 + 4 \times 8}{4 + 3 + 3 + 4} = \frac{48 + 27 + 33 + 32}{14} = \frac{140}{14} = 10$$

$$s^2 = \frac{4 \times (12-10)^2 + 3 \times (9-10)^2 + 3 \times (11-10)^2 + 4 \times (8-10)^2}{4 + 3 + 3 + 4} =$$

$$\frac{16 + 3 + 3 + 16}{14} = \frac{38}{14} \approx 2.7$$

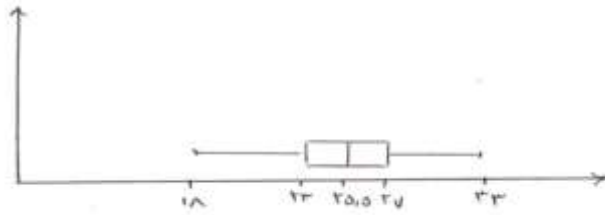
$$4 \times 2.7 \approx 10.8$$

۱۰

ابتدا داده ها را مرتب می کنیم و میانه، چارک اول، چارک سوم، کمترین و بیشترین مقدار را مشخص می کنیم:

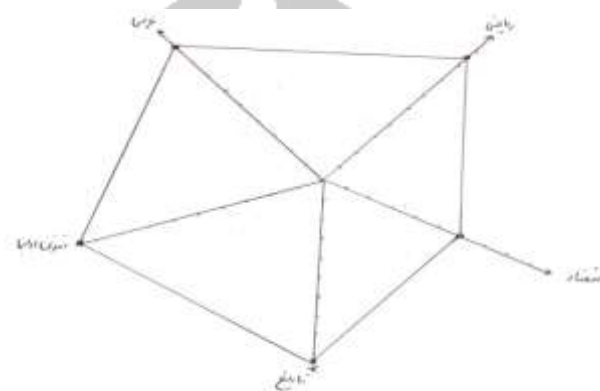
۱۸ و ۱۹ و ۲۱ و ۲۲ و ۲۳ و ۲۳ و ۲۴ و ۲۵ و ۲۵ و ۲۵ و ۲۶ و ۲۶ و ۲۶ و ۲۷ و ۲۷ و ۲۹ و ۲۹ و ۳۱ و ۳۱ و ۳۳

۱۸: کمترین $R_1: 23$ (چارک اول) $R_3: 27$ (چارک سوم) $25/5$: میانه 33 : بیشترین



۱۱

۵ تا متغیر داریم پس نمودار را باید ۵ قسمت کنیم: $\frac{360}{5} = 72^\circ$



۱۲

	نمره	ماکسیمم	
ریاضی	۱۷	۲۰	۸۵
عربی	۱۸	۲۰	۹۰
فنون	۲۰	۲۰	۱۰۰
تاریخ	۱۹	۲۰	۹۵
اقتصاد	۱۲	۲۰	۶۰