

ساعت امتحان: ۸ صبح

نام واحد آموزشی: دبيرستان سرای دانش نوبت امتحانی: اول

ش صندلی (ش داوطلب):

وقت امتحان: ۱۱۰ دقیقه

رشته: دهم ریاضی و تجربی

نام و نام خانوادگی:

تاریخ امتحان: ۹۵/۱۰/۱۱

سال تحصیلی: ۹۵-۹۶

نام دبیر: خانم نعمتی

سوال امتحان درس: ریاضی

ردیف	سوال	بارم
۱	<p>درستی یا نادرستی عبارات زیر را با ذکر دلیل بنویسید.</p> <p>الف) اگر $N \subseteq Q$ اعداد طبیعی و Q اعداد گویا باشد، آنگاه</p> <p>ب) دنباله‌ای وجود ندارد که هم حسابی و هم هندسی باشد.</p>	
۲	<p>ج) اگر α در ربع دوم مثلثاتی باشد آنگاه $\sin \alpha$ همواره مثبت است.</p> <p>د) $\sqrt[4]{(-2)^4}$ با $\sqrt[4]{(-2)^4}$ برابر است.</p>	
۳	<p>جاهاي خالي را پر کنيد.</p> <p>الف) هر عدد مثبت دارای ريشه چهارم است که يكديگرند.</p> <p>ب) اگر $\tan \alpha > 0$ و $\cos \alpha < 0$ باشد آنگاه α در ناحيهی مثلثاتی قرار دارد.</p> <p>ج) اگر $A \subseteq B$ و B مجموعه‌ايی متناهي باشد آنگاه مجموعه A خواهد بود.</p>	
۴	<p>اگر $A = (-1, +\infty)$ و $B = [-2, 1]$ باشد، آنگاه مجموعه‌های زیر را به صورت بازه نمایش دهيد.</p> <p>در سوالات زیر گزینه صحیح را انتخاب کنید. (با راه حل)</p> <p>الف) $3\sqrt{65}$ بین کدام دو عدد صحیح است؟</p> <p>(۱) ۲ و ۳ (۲) ۴ و ۵ (۳) ۳ و ۵ (۴) ۶ و ۷</p>	
۱	<p>ب) واسطه هندسی بین دو عدد $\frac{1}{2}$ و $\frac{1}{8}$ کدام است؟</p> <p>$\pm \frac{1}{4}$ (۱) $\pm \frac{1}{4}$ (۲) $\frac{1}{4}$ (۳) $\frac{1}{2}$ (۴)</p>	

الف) واسطه‌ی حسابی بین دو عدد ۱۷ و ۴۱ را بنویسید.

۵

$$\frac{1}{3}, \frac{5}{6}, \frac{4}{3}$$

ب) جمله‌ی یازدهم دنباله‌ی حسابی مقابله‌ی متناظر را بنویسید.

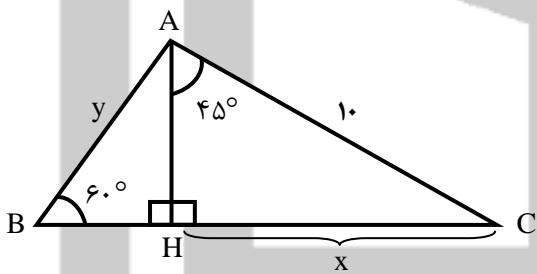
۲/۵

ج) در یک دنباله‌ی هندسی اگر جملات پنجم و هشتم به ترتیب ۴۰ و ۳۲۰ باشد، جمله‌ی اول و قدرنسبت را بدست آورید.

۶

اگر θ زاویه‌ای در ربع سوم باشد و $\sin \theta = -\frac{3}{5}$ ، سایر نسبت‌های مثلثاتی را بدست آورید.

۱



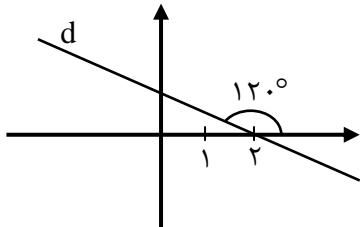
در شکل زیر مقدار x و y را حساب کنید.

۷

۱/۵

معادله خط d را بدست آورید.

۸



۹

درستی تساوی زیر را بررسی کنید.

$$(1 - \sin^2 \alpha)(1 + \tan^2 \alpha) = 1$$

۰/۵

الف) فرض کنید عددی مثبت باشد، محدوده‌ای از a را تعیین کنید که در نامساوی زیر صدق کند.

$$1) \sqrt[3]{a} > \sqrt{a}$$

$$2) \sqrt[3]{a} < \sqrt{a}$$

ب) مقدار عبارت‌های زیر را حساب کنید.

$$1) \sqrt[5]{\frac{7}{16a^5}} \times \sqrt[5]{\frac{243}{14}} =$$

$$2) \sqrt[3]{4} \times 2^{-\frac{5}{2}} \times \sqrt[3]{2} \times 2^{-3} =$$

۲

۱۰

الف) حاصل را به ساده‌ترین صورت بنویسید.

$$1) \frac{x^2 - 2}{x^2 + 2x} + \frac{1}{x+2} =$$

۲

۱۱

$$2) \frac{1}{\sqrt{a} + 1} - \frac{1}{\sqrt{a} - 1} =$$

$$\frac{1}{\sqrt[3]{2} - 3}$$

ب) گویا کنید.

۱۲

معادله های زیر را به روش خواسته شده حل کنید.

(تجزیه) $x^2 - 2x - 8 = 0$ (الف)

(مربع كامل) $x^2 + 4x + 1 = 0$ (ب)

۲

(فرمول کلی) $2x^2 - 3x - 2 = 0$ (ج)

۱/۵

نمودار سهمی $y = x^2 - 2x - 1$ را رسم کنید.

۱۳



۲۰ جمع کل

موفق باشد

صفحه: ...۴...۴...۴...۴...۴

نامه ورقه (به عدد):	به حروف:	نامه تجدیدنظر به عدد:	به حروف:
نام / نام خانوادگی دبیر:	تاریخ / امضاء:	نام / نام خانوادگی دبیر:	تاریخ / امضاء:

ساعت امتحان: ۸ صبح

تاریخ امتحان: ۹۵/۱۰/۰۸

تعداد برگ راهنمای تصحیح: ۱ برگ

نام واحد آموزشی: دبیرستان غیردولتی دخترانه سرای دانش

نام دبیر: خانم نعمتی

سال تحصیلی: ۹۵ - ۹۶

راهنمای تصحیح درس: ریاضی

نوبت امتحانی: اول

رشته: دهم تجربی و ریاضی

۲	$\sqrt[4]{-2}^4 = \sqrt[4]{(-2)^4} \rightarrow 2 = 2$ (ت ن) ریشه ندارد	الف) ✓ (۰/۵) ب) ✗ - دنباله ثابت (۰/۵) ج) ✓ (۰/۵)	۱
۲	ج) متناهی (۰/۵)	ب) سوم (۰/۵)	الف) دو (۰/۵) - قرینه (۰/۵)
۱	$A \cup B = [-2, +\infty) \quad B' - A = (-\infty, -2) \quad (۰/۵)$		۳
۱	الف) گزینه ۳ (۰/۵)	ب) گزینه ۳ (۰/۵)	۴
۲/۵	$\frac{17+41}{2} = \frac{58}{2} \rightarrow 29 \quad (۰/۲۵)$ $a_1 = \frac{1}{3} \quad d = \frac{5}{6} - \frac{1}{3} \rightarrow \frac{3}{6} = \frac{1}{2} \quad a_{11} = a_1 + 10d \rightarrow a_{11} = \frac{16}{3} \quad (۰/۲۵)$ $(۰/۲۵) \quad (۰/۲۵) \quad (۰/۲۵)$		۵
۱	$\sin \theta = -\frac{3}{5} \quad \Delta ۳, ۴, ۵ \quad (۰/۲۵) \Rightarrow \cos \alpha = -\frac{4}{5} \quad (۰/۲۵) \quad \tan \alpha = \frac{3}{4} \quad (۰/۲۵) \quad \cot \alpha = \frac{4}{3} \quad (۰/۲۵)$		۶
۱/۵	$\sin 45^\circ = \frac{x}{10} \rightarrow \frac{\sqrt{2}}{2} = \frac{x}{10} \quad x = 5\sqrt{2} \quad (۰/۵)$ $x = AH \rightarrow AH = 5\sqrt{2} \quad (۰/۵) \quad \cos ۴۵^\circ = \frac{AH}{y} \rightarrow \frac{\sqrt{2}}{2} = \frac{5\sqrt{2}}{y} \Rightarrow y = \frac{10\sqrt{2}}{3} \quad (۰/۵)$		۷
۱	$\alpha = ۱۲۰^\circ \rightarrow \tan ۱۲۰^\circ = -\tan ۶۰^\circ \rightarrow -\sqrt{3} \quad (۰/۲۵) \quad y - y_o = m(x - x_o)$ $A = \begin{cases} 2 \\ 0 \end{cases} \quad y - o = -\sqrt{3}(x - 2) \rightarrow y = -\sqrt{3}x + 2\sqrt{3} \quad (۰/۲۵) \quad (۰/۵)$		۸
۰/۵	$1 - \sin^2 \alpha = \cos^2 \alpha \quad (۰/۲۵) \quad 1 + \sin^2 \alpha = \frac{1}{\cos^2 \alpha} \Rightarrow \cos^2 \alpha \times \frac{1}{\cos^2 \alpha} = 1 \quad (۰/۲۵)$		۹
۲	$1 \Rightarrow 0 < a < 1 \quad (۰/۲۵) \quad 2 \Rightarrow a > 1 \quad (۰/۲۵)$ $1) \Rightarrow \sqrt[3]{\frac{7x^3}{2^5 \times a^5 \times 7}} \rightarrow \frac{3}{2a} \quad (۰/۲۵) \quad 2) \Rightarrow 2^{\frac{2}{3}} \times 2^{-\frac{5}{2}} \times 2^{\frac{1}{3}} \times 2^{-3} = 2^{-\frac{9}{2}} \Rightarrow \sqrt[3]{(\frac{1}{2})^9} = \frac{1}{16}\sqrt{\frac{1}{2}} \quad (۰/۵)$		۱۰
۲	$\text{الف) } \frac{x^2 - 2 + x}{x(x+2)} = \frac{(x+2)(x-1)}{x(x+2)} \quad (۰/۵) \Rightarrow \frac{x-1}{x} \quad (۰/۲۵)$ $\text{ب) } \frac{\sqrt{a-1} - \sqrt{a-1}}{a-1} = \frac{-2}{a-1} \quad (۰/۲۵) \quad \text{ج) } \Delta = b^2 - 4ac \rightarrow ۹ - ۴(۲)(-2) = ۲۵ \quad (۰/۲۵) \quad x_1, x_2 = \frac{-b \pm \sqrt{\Delta}}{2a} \rightarrow \frac{۳ \pm ۵}{4} \begin{cases} 2 \\ -\frac{1}{2} \end{cases} \quad (۰/۲۵)$		۱۱
۲	$(x-4)(x+2) = 0 \quad x = 4, -2 \quad (۰/۵)$ $\text{ب) } x^2 + 4x = -1 \quad x^2 + 4x + 4 = -1 + 4 \quad (۰/۲۵) \quad \sqrt{(x+2)^2} = \sqrt{3} \quad (۰/۲۵) \quad x+2 = \pm\sqrt{3} \quad x_1, x_2 = \pm\sqrt{3} - 2 \quad (۰/۲۵)$ $\text{ج) } \Delta = b^2 - 4ac \rightarrow ۹ - ۴(۲)(-2) = ۲۵ \quad (۰/۲۵) \quad x_1, x_2 = \frac{-b \pm \sqrt{\Delta}}{2a} \rightarrow \frac{۳ \pm ۵}{4} \begin{cases} 2 \\ -\frac{1}{2} \end{cases} \quad (۰/۲۵)$		۱۲
۱/۵	$y = x^2 - 2x - 1$ $\text{رأس سهمی} \quad \begin{cases} x = -\frac{b}{2a} \rightarrow \frac{2}{2} = 1 \quad (۰/۲۵) \\ y = -\frac{\Delta}{4a} \rightarrow -\frac{4}{4} = -1 \quad (۰/۲۵) \end{cases}$ $www.Heyvagroup.com$ $x = 0 \quad y = -1 \quad (۰/۲۵)$		۱۳
۲۰	جمع کل	موفق باشد	صفحة: ۱...۱۰۰ از ۱۰۰۰

