

**با اسمه تعالی**

مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	ساعت شروع: ۹:۳۰	رشته: علوم تجربی	سوالات امتحان درس: ریاضی ۳
تعداد صفحه: ۳	تاریخ امتحان: ۱۳۹۸/۱/۲۷	نام و نام خانوادگی:	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه
دانش آموزان سراسر استان ایلام - سال تحصیلی ۹۷-۹۸			

ردیف	سوالات (استفاده از ماشین حساب مجاز نیست).	بارم
۱	<p>درست یا نادرست بودن عبارات زیر را مشخص کنید.</p> <p>الف) تابع تانژانت در دامنه‌اش سعودی است.</p> <p>ب) اگر تابع <math>f</math> در <math>x = a</math> پیوسته باشد، آنگاه در <math>a = x</math> مشتق‌پذیر است.</p> <p>پ) هر نقطه بحرانی تابع، یک نقطه اکسترمم نسبی تابع است.</p> <p>ت) خط مماس بر دایره در نقطه تماس، بر شعاع رسم شده از آن نقطه، عمود است.</p> <p>ث) هر دو پیشامد یک افزار روی مجموعه <math>S</math> با هم ناسازگارند.</p>	۱/۲۵
۲	<p>در جاهای خالی عبارت مناسب بنویسید.</p> <p>الف) اگر <math>f(x) = \sqrt{\frac{2x+1}{x^2+1}}</math> باشد، مقدار <math>f \circ f(0)</math> برابر ..... است.</p> <p>ب) دوره تنابع تابع <math>y = 1 + \frac{-1}{\pi} \cos\left(\frac{\pi x}{2}\right)</math> برابر ..... و مقدار ماکریم آن ..... است.</p> <p>پ) شکل حاصل از دوران یک مثلث قائم الزاویه حول یکی از اضلاع قائم‌هاش یک ..... است.</p> <p>ت) دو پیشامد <math>A</math> و <math>B</math> را ..... گوییم، هرگاه وقوع هریک بر احتمال وقوع دیگری تاثیر نداشته باشد.</p>	۱/۲۵
۳	<p>با استفاده از نمودار تابع <math>f(x)</math> در شکل زیر، نمودار تابع <math>y = -f(x+1) + 2</math> را رسم کنید.</p>	۰/۷۵
۴	<p>تابع <math>f(x) = 2x - 5</math> و <math>g(x) = x^3 - 3x + 8</math> را در نظر بگیرید. معادله <math>f \circ g(x) = 7</math> را تشکیل داده و حل کنید.</p>	۱/۲۵
۵	<p>معادله مثلثاتی <math>\sin^2 x - 2\cos x = -2</math> را حل کنید.</p>	۱/۲۵
۶	<p>حدود زیر را بدست آورید.</p> <p>(الف) <math>\lim_{x \rightarrow -\frac{1}{2}} \frac{4x+1}{(2x+1)^2}</math></p> <p>(ب) <math>\lim_{x \rightarrow 4} \frac{\sqrt{x}-2}{x^2-x-12}</math></p>	۱/۲۵

**با اسمه تعالی**

مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	ساعت شروع: ۹:۳۰	رشته: علوم تجربی	سؤالات امتحان درس: ریاضی ۳
تعداد صفحه: ۳	تاریخ امتحان: ۱۳۹۸/۱/۲۷	نام و نام خانوادگی:	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه
دانش آموزان سراسر استان ایلام - سال تحصیلی ۹۷-۹۸			

۱		<p>با توجه به نمودار تابع <math>f(x)</math>، حاصل عبارت زیر را بدست آورید.</p> $\lim_{x \rightarrow -2} f(x) + \lim_{x \rightarrow (-1)^+} f(x) - \lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$	۷				
۰/۷۵		<p>نمودار تابع <math>y = f(x)</math> و نقاط <math>A, B, C, D</math> روی آن مفروض‌اند. هر یک از گزاره‌های زیر را به یکی از این نقاط نظیر کنید.</p> <table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr><td><math>A</math></td></tr> <tr><td><math>B</math></td></tr> <tr><td><math>C</math></td></tr> <tr><td><math>D</math></td></tr> </table>	$A$	$B$	$C$	$D$	۸
$A$							
$B$							
$C$							
$D$							
۱/۵		<p>مشتق پذیری تابع <math>f(x) =  x^2 - x </math> را در نقطه <math>x = 1</math> بررسی کنید. (با استفاده از تعریف مشتق)</p>	۹				
۱	<p>مشتق توابع زیر را بدست آورید. (ساده کردن مشتق الزامی نیست.)</p> <p>(الف) <math>f(x) = \left( \frac{2x+1}{x^2-4} \right)^5</math></p>	<p>(ب) <math>g(x) = \sqrt{5x+2}(-x+3)</math></p>	۱۰				
۱/۲۵		<p>جرم یک توده باکتری پس از <math>t</math> ساعت از رابطه <math>m(t) = \sqrt{2t+1}</math> بدست می‌آید.</p> <p>(الف) آهنگ تغییر متوسط جرم این توده در بازه <math>[0, 4]</math> را محاسبه کنید.</p> <p>(ب) آهنگ تغییر لحظه‌ای جرم توده را در لحظه <math>t = 1</math> تعیین کنید.</p>	۱۱				
۰/۷۵		<p>با تشکیل جدول تغییرات تابع <math>x^2 - x = f(x)</math>، نقاط ماکزیمم و مینیمم نسبی تابع را تعیین کنید.</p>	۱۲				
۱/۲۵		<p>نقاط بحرانی و اکسترمم‌های مطلق تابع <math>x - \sqrt{x+1} = f(x)</math> را در بازه <math>[-1, 3]</math> تعیین کنید.</p>	۱۳				
۱/۲۵		<p>می‌خواهیم زمینی به شکل مستطیل و با مساحت ۱۲۸ مترمربع در یک طرف یک رودخانه با طناب محصور کنیم (ضلع چهارم مستطیل کناره رودخانه است). ابعاد این زمین چقدر باشد تا طول طناب بکار رفته مینیمم باشد؟</p>	۱۴				
۱/۷۵		<p>نقاط <math>F(-8, 4)</math> و <math>F(2, 4)</math> کانون‌های یک بیضی‌اند. اگر بزرگ‌ترین قطر بیضی برابر ۲۶ باشد، مختصات دو سر قطر بزرگ و خروج از مرکز بیضی را بدست آورید.</p>	۱۵				

**با اسمه تعالی**

مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	ساعت شروع: ۹:۳۰	رشته: علوم تجربی	سؤالات امتحان درس: ریاضی ۳
تعداد صفحه: ۳	تاریخ امتحان: ۱۳۹۸/۱/۲۷	نام و نام خانوادگی:	<b>پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه</b>
دانش آموزان سراسر استان ایلام – سال تحصیلی ۹۷-۹۸			

۱/۲۵	معادله دایره‌ای را بنویسید که مرکز آن $(5, 1)$ و با دایره $x^2 + y^2 - 4x - 2y + 1 = 0$ مماس درون باشد.	۱۶
۱/۲۵	دو ظرف داریم. در اولی ۳ مهره سفید و ۵ مهره سیاه و در دومی ۶ مهره سفید و ۳ مهره سیاه داریم. یک مهره به تصادف از ظرف اول خارج می‌کنیم، در ظرف دوم قرار می‌دهیم. سپس یک مهره به تصادف از ظرف دوم خارج می‌کنیم. با کدام احتمال مهره دوم خارج شده، سفید است؟	۱۷
۲۰ نمره	اگر اشتیاق شما برای موفق شدن بیشتر از ترس شما از شکست فوردن باشد، هنما موفق فواهید شد. "آلبرت انیشتین" موفق و پیروز باشید.	

